

มุมมองวิจัย

Methodology Corner

การคำนวณอายุคาดเฉลี่ยโดยวิธีตารางชีพ

ธนพล ยีสารคุณ พ.บ.*

รักษพล สนิทยา ศศ.ม.**

* กองระบาดวิทยา กรมควบคุมโรค

** สำนักงานพัฒนานโยบายสุขภาพระหว่างประเทศ

อายุคาดเฉลี่ย คือ ค่าเฉลี่ยของจำนวนปีที่คาดว่าจะมีชีวิตอยู่จนกระทั่งเสียชีวิตของประชากรหรือตัวชีวิต ความยืนยาวของชีวิต⁽¹⁾ สามารถคำนวณได้จากวิธีการ ตารางชีพ (life table method)

ตารางชีพ เป็นตารางตัวเลขแสดงข้อมูลเกี่ยวกับการตายและการมีชีวิตรอดเมื่ออายุต่างๆ ของประชากรกลุ่มหนึ่ง หลักการคำนวณ คือ การคำนวณโอกาสของการตาย หรือการรอดชีวิตของประชากร ตารางชีพ ประกอบด้วย ฟังก์ชันที่อยู่ในคอลัมน์ต่างๆ โดยฟังก์ชันเหล่านี้สัมพันธ์ซึ่งกันและกัน เมื่อรู้ค่าคอลัมน์หนึ่งก็สามารถคำนวณ คอลัมน์อื่นๆ ต่อไปได้ และผลลัพธ์สุดท้ายของตารางชีพ คือ อายุคาดเฉลี่ย หรือ (ex_x) ⁽²⁾

ขั้นตอนการคำนวณอายุคาดเฉลี่ยโดยตารางชีพ^(3,4)

1. ข้อมูลที่ต้องใช้ คือ จำนวนประชากรและจำนวนตายจำแนกตามอายุและเพศ

กำหนดให้ (x_i, x_{i+1}) คือ ช่วงอายุ

n_i คือ ความกว้างของช่วงอายุระหว่างอายุ x_i ถึง x_{i+1}

โดย $n_i = x_{i+1} - x_i$

Px_i คือ จำนวนประชากรกลางปีในช่วงอายุ x_i ถึง x_{i+1}

Dx_i คือ จำนวนตายในช่วงอายุ x_i ถึง x_{i+1}

2. คำนวณอัตราตายรายอายุ (age-specific death rate, Mx_i)

กำหนดให้ Mx_i คือ อัตราตายรายอายุในช่วงอายุ x_i ถึง x_{i+1} โดย $Mx_i = Dx_i / Px_i$

3. คำนวณความน่าจะเป็นของการตายรายอายุ (probability of dying, qx_i)

กำหนดให้

qx_i คือ ความน่าจะเป็นของการตายในช่วงอายุ x_i ถึง x_{i+1} โดย $qx_i = (n_i \times Mx_i) / (1 + (1 - a_i)(n_i \times Mx_i))$

a_i คือ separation factors เป็นสัดส่วนของจำนวนปีที่มีชีวิตอยู่โดยเฉลี่ยของคนที่ยายระหว่างช่วงอายุ x_i ถึง x_{i+1} ปี⁽²⁾

โดย ค่า a_i ในกลุ่มอายุ <1 ปี = 0.1 กลุ่มอายุ 1-4 ปี = 0.4 กลุ่มอายุ >5 = 0.5

สำหรับกลุ่มอายุสุดท้ายของตารางชีพที่เป็นกลุ่มอายุเปิดจะมีค่า qx_i เท่ากับ 1 เสมอเนื่องจากประชากรกลุ่มนี้ ต้องเสียชีวิตทั้งหมด

4. คำนวณจำนวนตายในแต่ละอายุ (dx_i) และจำนวนคนเมื่อเริ่มต้นแต่ละอายุ (lx_i)

สมมติให้มีประชากรเกิดมาพร้อมกัน (l_0) 100000 คน จะสามารถคำนวณจำนวนตายในแต่ละช่วงอายุของประชากรสมมุตินี้ได้โดยคุณความน่าจะเป็นของการตาย รายในช่วงอายุ x_i ถึง x_{i+1} (qx_i) ด้วยจำนวนคนเมื่อเริ่มต้นอายุ (lx_i) เขียนเป็นสมการได้ดังนี้ $dx_i = qx_i \times lx_i$ และจำนวนคนเมื่อเริ่มต้นอายุถัดไปคำนวณจากจำนวน

คนจำนวนคนที่มียุเริ่มต้นอายุ x_i ลบด้วยจำนวนคนตายในช่วงอายุ x_i ถึง x_{i+1} ปี $lx_{i+1} = lx_i - dx_i$

5. คำนวณจำนวน “ปีคนที่มีชีวิตอยู่” ในแต่ละอายุ (Lx_i)

ขั้นตอนนี้เป็น การเปลี่ยนจำนวนคนที่มียุให้กลายเป็นจำนวนปีที่คนมีชีวิตในช่วงอายุตามสมการดังนี้

$$Lx_i = n_i \times (lx_{i+1} + (a_i \times dx_i)) \text{ สำหรับช่วงอายุสุดท้าย}$$

$$Lx_{\infty} = lx_{\infty} / Mx_{\infty}$$

6. คำนวณจำนวน “จำนวนปีคนทั้งหมดที่มีชีวิตอยู่ต่อไปหลังอายุ x ปี” (Tx_i)

$Txi = \sum_i^k Lx_i$ สำหรับค่า Tx ในช่วงอายุสุดท้ายจะเท่ากับ Lx และ k คือช่วงอายุสุดท้าย

7. คำนวณอายุคาดเฉลี่ย (life expectancy, ex_i)
อายุคาดเฉลี่ย คือ จำนวนปีเฉลี่ยที่คนอายุนั้นจะสามารถมีชีวิตไปได้อีกกี่ปี ดังสมการ $ex_i = Tx_i / lx_i$
ดูตัวอย่างตารางชีพในตารางที่ 1

สรุป

การคำนวณอายุคาดเฉลี่ยโดยวิธีตารางชีพ เป็นหนึ่งในวิธีการวัดความยืนยาวของชีวิตประชากร มีการใช้ตัวชี้วัดนี้เพื่อวัดการเปลี่ยนแปลงสถานะสุขภาพของประชากร หรือการวัดการประเมินผลลัพธ์ของสุขภาพ เช่น การวัดอายุคาดเฉลี่ยเมื่อแรกเกิดหรืออายุคาดเฉลี่ยที่อายุ 60 ปี ซึ่งสะท้อนจำนวนปีเฉลี่ยที่คาดว่าจะมีชีวิตอยู่ อย่างไรก็ตาม การคำนวณและการตีความตารางชีพ ต้องระมัดระวังในด้าน (1) แหล่งข้อมูลการตายและประชากร

ที่ใช้ในการคำนวณต้องมีความครบถ้วน โดยเฉพาะความครบถ้วนของข้อมูลการตายในเด็กอายุน้อยกว่า 1 ปี และข้อมูลการตายในกลุ่มวัยอายุ 85 ปีขึ้นไป และ (2) ตารางชีพ ตั้งอยู่บนสมมติฐานของประชากรปิด หมายถึง ประชากรไม่มีการย้ายเข้าหรือย้ายออก และอัตราเพิ่มของประชากรเป็นศูนย์ คือ มีอัตราเกิดเท่ากับอัตรารายและเกิดขึ้นและคงอยู่มาเป็นเวลานาน ทำให้ไม่มีการเพิ่มขนาดของประชากร⁽⁵⁾

เอกสารอ้างอิง

1. อลงกต ประสานศรี. หลักการวัดความยืนยาวของชีวิตด้วยวิธีการคำนวณอายุคาดเฉลี่ยและอายุคาดเฉลี่ยที่มีสุขภาพะ. วารสารการแพทย์และสาธารณสุข มหาวิทยาลัยอุบลราชธานี 2566;6(1):60-9.
2. ประโมทย์ ประสาทกุล, ปัทมา ว่าพัฒนางศ์. ตารางชีพเครื่องมือสำคัญทางประชากรศาสตร์. นครปฐม: สถาบันวิจัยประชากรและสังคม มหาวิทยาลัยมหิดล; 2546.
3. สถาบันวิจัยระบบสาธารณสุขและสถาบันวิจัยประชากรและสังคม มหาวิทยาลัยมหิดล. คู่มือการสร้างตารางชีพระดับจังหวัด. นนทบุรี: สถาบันวิจัยระบบสาธารณสุข; 2546.
4. Chin Long Chiang. Life table and mortality analysis. Geneva: World health organization; 1977.
5. ปราโมทย์ ประสาทกุล. ประชากรศาสตร์ สาระตติศึกษาเรื่องประชากรมนุษย์. นครปฐม: สถาบันวิจัยประชากรและสังคม มหาวิทยาลัยมหิดล; 2543.

ตารางที่ 1 ตัวอย่างตารางชีพประเทศ X

x_i	Age (x_i, x_{i+1})	n_i	Px_i	Dx_i	Mx_i	a_i	qx_i	lx_i	dx_i	Lx_i	Tx_i	ex_i
$x_1 = 0$	<1	1	300,000	2,000	0.0067	0.1	0.00663	100,000	663	99,404	7,095,768	70.96
$x_2 = 1$	1-4	4	1,300,000	1,000	0.0008	0.4	0.00307	99,337	305	396,617	6,996,364	70.43
$x_3 = 5$	5-9	5	2,000,000	800	0.0004	0.5	0.00200	99,032	198	494,666	6,599,747	66.64
$x_4 = 10$	10-14	5	2,000,000	1,300	0.0007	0.5	0.00324	98,834	321	493,370	6,105,081	61.77
$x_5 = 15$	15-19	5	2,000,000	3,500	0.0018	0.5	0.00871	98,514	858	490,423	5,611,711	56.96
$x_6 = 20$	20-24	5	2,500,000	4,500	0.0018	0.5	0.00896	97,655	875	486,090	5,121,288	52.44
...
...
$x_{19} = 85$	85+	5	300,000	50,000	0.1667		1.00000	25,252	25,252	151,510	151,510	6.00